



**Probabilistische Graphische Modelle und Wahrscheinlichkeitsverteilungen**

$p(x_1, x_2) = p(x_1)p(x_2)$

- PGM  $G$  ist **Visualisierung** von **Wahrscheinlichkeitsverteilung**  $p$
- Zufallsvariablen  $x_i$  entsprechen **Knoten**  $V_i$
- Kanten  $E = (V_i, V_j)$  stellen Zusammenhänge zwischen  $x_i$  und  $x_j$  dar
- $G$  ist ... von  $p$ , wenn ...
  - Dependency-Map (D-Map):**  
 $x_i \perp x_j \Rightarrow$  es gibt keine Kante  $E = (V_i, V_j)$  im Graph  $G$
  - Independency-Map (I-Map):**  
Es gibt keine Kante  $E = (V_i, V_j) \Rightarrow x_i \perp x_j$
  - Perfect Map:**  
 $G$  ist D-Map und I-Map

$\Rightarrow$  Wir sind in der Regel an I-Maps interessiert, wenn wir Modelle graphisch erstellen.

(Beierle/Kern-Isberner 2003, Koller/Friedman 2010)

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 8 / 65

**Gerichtete Probabilistische Graphische Modelle: Faktorisierung und Visualisierung**

- Wie kommen wir nun von einer Verteilung zu einem Graph – und umgekehrt?
- Idee: Faktorisiere Verteilung mit der **Kettenregel**:  $p(x_1, \dots, x_n) = \prod_{i=1}^n p(x_i | x_{i-1}, \dots, x_n)$
- $p(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5) = p(x_1 | x_2, x_3, x_4, x_5) \cdot p(x_2 | x_3, x_4, x_5) \cdot p(x_3 | x_4, x_5) \cdot p(x_4 | x_5) \cdot p(x_5)$

- Diese Darstellung gilt für jede Verteilung und ist daher wenig hilfreich, ...
- ...aber wir können mit dem graphischen Modell **Unabhängigkeiten implizieren**.

$\Rightarrow$  **Weniger Parameter, mit Vorannahmen angepasstes Modell**

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 9 / 65

**Gerichtete Probabilistische Graphische Modelle: Unabhängigkeitsannahmen**

$p(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5) = p(x_1 | x_2) \cdot p(x_2 | x_3) \cdot p(x_3 | x_4, x_5) \cdot p(x_4 | x_5) \cdot p(x_5)$

- Erinnerung: Wir nutzen den graphischen Formalismus um Aussagen über Annahmen in der Wahrscheinlichkeitsverteilung zu machen.

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 10 / 65

**Populäre Beispiel-PGMs**

Naïve Bayes

$p(y, \vec{x}) = p(y) \prod_{i=1}^n p(x_i | y)$

(Domingos, 1997)

Hidden Markov Model

$p(\vec{y}, \vec{x}) = p(y_1) \prod_{i=1}^n p(y_i | y_{i-1}) p(x_i | y_i)$

(Rabiner, 1989)

Latent Dirichlet Allocation

$p(\vec{w}, \vec{z}, \vec{\theta}, \alpha, \beta) = p(\beta) \cdot \prod_{j=1}^M p(\theta_j | \alpha) \cdot \prod_{i=1}^N (p(z_{j,t} | \theta_j) p(w_{j,t}))$

(Blei, 2003)

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 11 / 65

**Definition: Gerichtetes Graphisches Modell**

Ein gerichtetes graphisches Modell, oder **Bayesisches Netzwerk**:

- ist ein gerichteter azyklischer Graph
  - Knoten** entsprechen **Variablen**
- Jeder Knoten hat eine **bedingte Wahrscheinlichkeitsverteilung**:  $p(x_i | \text{Eltern}(x_i))$
- Das Netzwerk stellt dann eine gemeinsame Wahrscheinlichkeitsverteilung dar:

$$p(x_1, \dots, x_n) = \prod_i p(x_i | \text{Eltern}(x_i))$$

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 12 / 65

**Definition: Ungerichtete Probabilistische Graphische Modelle**

- Ein **paarweises Markov-Netzwerk** ist ein **ungerichteter Graph** mit Knoten, welche Variablen  $x_1, \dots, x_n$  darstellen
  - Kante**  $E = (x_i, x_j)$  ist mit **Potentialfunktion**  $\Psi(x_i, x_j)$  verknüpft
- Ein **Markov-Netzwerk**  $G$  mit **Cliquen-Faktorisierung** hat Potentialfunktionen welche (maximalen) Cliques entsprechen

$$p(\vec{x}) = \frac{1}{Z} \prod_{C \in \text{Cliques}(G)} \Psi_C(\vec{x}_C)$$

- Typische Formulierung von Potentialfunktionen:  
 $\Psi_i(\vec{x}) = \exp(\sum_j \lambda_j f_j(\vec{x}))$

(Koller/Friedman 2010)

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 13 / 65

**Faktor-Graph**

Ein **Faktor-Graph** ist ein bipartiter Graph über Faktoren und Variablen

- Faktor  $\Psi_i$  berechnet ein Skalar über alle Variablen
- Seien  $\vec{x}$  Zufallsvariablen
- $\Psi_i(\vec{x}_i) = \exp\left(\sum_k \lambda_{ki} f_{ki}(\vec{x}_i)\right)$
- Wahrscheinlichkeitsverteilung:  
 $p(\vec{x}) = \frac{1}{Z} \prod_i \Psi_i(\vec{x}_i)$

(Bishop, 2006; Kschischang, 2001)

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 14 / 65

**Conditional Random Field als Faktorgraph**

**Conditional Random Field:** Markovnetzwerk mit zusätzlichen, immer bekannten Parametern.

- Faktor  $\Psi_i$  berechnet ein Skalar
- Seien  $\vec{x}$  Eingabe- und  $\vec{y}$  Ausgabevariablen
- $\Psi_i(\vec{x}_i, \vec{y}_i) = \exp\left(\sum_k \lambda_{ki} f_{ki}(\vec{x}_i, \vec{y}_i)\right)$
- Wahrscheinlichkeitsverteilung:  
 $p(\vec{y} | \vec{x}) = \frac{1}{Z(\vec{x})} \prod_i \Psi_i(\vec{x}_i, \vec{y}_i)$

$\vec{x} = (x_1, x_2)^T$   
 $\vec{y} = (y_1, y_2, y_3, y_4)^T$

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 15 / 65

Einführung und Motivation    Methodischer Überblick    Verhältnis von PCM und KNN    Integration von KNN in PCM    Zusammenfassung/Ausblick

## Lernen und Inferenz

**Lernen**

- Gerichtete Modelle:** Bestimmung der bedingten Wahrscheinlichkeiten durch Abzählen in Trainingsdaten  $\mathcal{D}$
- Ungerichtete Modelle:** Iterative Maximierung von  $\log \sum_{\vec{x} \in \mathcal{D}} p_{\vec{\lambda}}(\vec{x})$

**Inferenzaufgaben**

- Berechnen von Wahrscheinlichkeitsverteilungen einzelner Teilmengen von Knoten: **Sum-Product-Algorithm** (später, Spezialfall: Forward-Backward)
- Berechnen der Belegung, welche die Gesamtwahrscheinlichkeit maximiert: **Max-Product-Algorithm** (Spezialfall: Viterbi, kleine Variation zu Sum-Product)
- ⇒ **Belief-Propagation**

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart    Roman Klinger    17. Juli 2020    16 / 65

Einführung und Motivation    Methodischer Überblick    Verhältnis von PCM und KNN    Integration von KNN in PCM    Zusammenfassung/Ausblick

## Beispielfaktorgraph

$\Psi(x=1, y=1) = 30$   
 $\Psi(x=1, y=0) = 5$   
 $\Psi(x=0, y=1) = 1$   
 $\Psi(x=0, y=0) = 10$

$\Psi(x=1, z=1) = 100$   
 $\Psi(x=1, z=0) = 1$   
 $\Psi(x=0, z=1) = 1$   
 $\Psi(x=0, z=0) = 100$

$\Psi(y=1, w=1) = 100$   
 $\Psi(y=1, w=0) = 1$   
 $\Psi(y=0, w=1) = 1$   
 $\Psi(y=0, w=0) = 100$

$\Psi(z=1, w=1) = 1$   
 $\Psi(z=1, w=0) = 100$   
 $\Psi(z=0, w=1) = 100$   
 $\Psi(z=0, w=0) = 1$

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart    Roman Klinger    17. Juli 2020    17 / 65

Einführung und Motivation    Methodischer Überblick    Verhältnis von PCM und KNN    Integration von KNN in PCM    Zusammenfassung/Ausblick

## Beispielfaktorgraph

$\Psi(x=1, y=1) = 30$   
 $\Psi(x=1, y=0) = 5$   
 $\Psi(x=0, y=1) = 1$   
 $\Psi(x=0, y=0) = 10$

$\Psi(x=1, z=1) = 100$   
 $\Psi(x=1, z=0) = 1$   
 $\Psi(x=0, z=1) = 1$   
 $\Psi(x=0, z=0) = 100$

$\Psi(y=1, w=1) = 100$   
 $\Psi(y=1, w=0) = 1$   
 $\Psi(y=0, w=1) = 1$   
 $\Psi(y=0, w=0) = 100$

$\Psi(z=1, w=1) = 1$   
 $\Psi(z=1, w=0) = 100$   
 $\Psi(z=0, w=1) = 100$   
 $\Psi(z=0, w=0) = 1$

Variablenbelegung				Wert	Wahrscheinlichkeit
x	y	z	w		
0	0	0	0	100000	0.0159445
0	0	0	1	100000	0.0159445
0	0	1	0	100000	0.0159445
0	0	1	1	10	0.0000316
0	1	0	0	10000	0.0015945
0	1	0	1	100000	0.0159445
0	1	1	0	100	0.0000159
0	1	1	1	100	0.0000159
1	0	0	0	500	0.0000797
1	0	0	1	500	0.0000797
1	0	1	0	5000000	0.7972269
1	0	1	1	50000	0.0079723
1	1	0	0	30	0.0000046
1	1	0	1	300000	0.0478336
1	1	1	0	300000	0.0478336
1	1	1	1	300000	0.0478336

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart    Roman Klinger    17. Juli 2020    18 / 65

Einführung und Motivation    Methodischer Überblick    Verhältnis von PCM und KNN    Integration von KNN in PCM    Zusammenfassung/Ausblick

## Beispiel-Faktorgraphen

Naïve Bayes    Hidden Markov Model    Linear-Chain Conditional Random Field

(Lafferty, 2001)

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart    Roman Klinger    17. Juli 2020    19 / 65

Einführung und Motivation    Methodischer Überblick    Verhältnis von PCM und KNN    Integration von KNN in PCM    Zusammenfassung/Ausblick

## Inferenz auf einer Kette (I)

$p(\vec{x}) = \frac{1}{Z} \Psi_{1,2}(x_1, x_2) \Psi_{2,3}(x_2, x_3) \dots \Psi_{n-1,n}(x_{n-1}, x_n)$

- Annahme: Variablen können  $k$  diskrete Werte annehmen
- Jede Potentialfunktion hat also  $k^2$  Parameter
- Anzahl aller Parameter für die gemeinsame Verteilung entsprechend der Faktoren:  $(n-1)k^2$
- Inferenz der Randverteilung durch Aussummieren von  $x_i$ :

$$p(x_i) = \sum_{x_1} \dots \sum_{x_{i-1}} \sum_{x_{i+1}} \dots \sum_{x_n} p(\vec{x})$$

- $k^n$  Werte für  $\vec{x}$  - schade.

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart    Roman Klinger    17. Juli 2020    20 / 65

Einführung und Motivation    Methodischer Überblick    Verhältnis von PCM und KNN    Integration von KNN in PCM    Zusammenfassung/Ausblick

## Inferenz auf einer Kette (II)

$p(\vec{x}) = \frac{1}{Z} \Psi_{1,2}(x_1, x_2) \Psi_{2,3}(x_2, x_3) \dots \Psi_{n-1,n}(x_{n-1}, x_n)$

Idee: Umsortieren dieser Berechnung:

$$p(x_i) = \frac{1}{Z} \left[ \sum_{x_{i-1}} \Psi_{i-1,i}(x_{i-1}, x_i) \dots \left[ \sum_{x_2} \Psi_{2,3}(x_2, x_3) \left[ \sum_{x_1} \Psi_{1,2}(x_1, x_2) \right] \right] \dots \right]$$

⇒  $O(nk^2)$  Berechnungen, wie wir gleich sehen werden.

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart    Roman Klinger    17. Juli 2020    21 / 65

Einführung und Motivation    Methodischer Überblick    Verhältnis von PCM und KNN    Integration von KNN in PCM    Zusammenfassung/Ausblick

## Inferenz auf einer Kette (III)

$$p(x_i) = \frac{1}{Z} \left[ \sum_{x_{i-1}} \Psi_{i-1,i}(x_{i-1}, x_i) \dots \left[ \sum_{x_2} \Psi_{2,3}(x_2, x_3) \left[ \sum_{x_1} \Psi_{1,2}(x_1, x_2) \right] \right] \dots \right]$$

$\mu_{\alpha}(x_i) = \sum_{x_{i-1}} \Psi_{i-1,i}(x_{i-1}, x_i) \left[ \sum_{x_{i-2}} \dots \right] = \sum_{x_{i-1}} \Psi_{i-1,i}(x_{i-1}, x_i) \mu_{\alpha}(x_{i-1})$

$\mu_{\beta}(x_i) = \sum_{x_{i+1}} \Psi_{i,i+1}(x_i, x_{i+1}) \left[ \sum_{x_{i+2}} \dots \right] = \sum_{x_{i+1}} \Psi_{i,i+1}(x_i, x_{i+1}) \mu_{\beta}(x_{i+1})$

- Jede Nachricht ist eine Menge von  $k$  Werten
- Eine Wahrscheinlichkeit für jeden Wert

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart    Roman Klinger    17. Juli 2020    22 / 65

Einführung und Motivation    Methodischer Überblick    Verhältnis von PCM und KNN    Integration von KNN in PCM    Zusammenfassung/Ausblick

## Inferenz auf einer Kette (IV)

$\mu_{\alpha}(x_i) = \sum_{x_{i-1}} \Psi_{i-1,i}(x_{i-1}, x_i) \left[ \sum_{x_{i-2}} \dots \right] = \sum_{x_{i-1}} \Psi_{i-1,i}(x_{i-1}, x_i) \mu_{\alpha}(x_{i-1})$

$\mu_{\beta}(x_i) = \sum_{x_{i+1}} \Psi_{i,i+1}(x_i, x_{i+1}) \left[ \sum_{x_{i+2}} \dots \right] = \sum_{x_{i+1}} \Psi_{i,i+1}(x_i, x_{i+1}) \mu_{\beta}(x_{i+1})$

Rekursive Evaluation von Nachrichten:

- Erste Evaluation:  $\mu_{\alpha}(x_2) = \sum_{x_1} \Psi_{1,2}(x_1, x_2)$

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart    Roman Klinger    17. Juli 2020    23 / 65



Methodischer Überblick

### Inferenz und Lernen

- Inferenz:** **Forward Propagation**, berechne Ergebnisse Ebene für Ebene
- Lernen:** Gewichtsanzpassung durch Minimierung eines Fehlers der Vorhersage auf Trainingsdaten:  

$$E(\mathbf{W}, \mathcal{D}) = \sum_{\tilde{x}, \tilde{y} \in \mathcal{D}} \frac{1}{2} \|\tilde{y}(\tilde{x}, \mathbf{W}) - \tilde{y}^*\|^2$$
- Minimierung durch Gradientenabstieg, Berechnung des Gradienten:  
**Backpropagation**

(Bishop 2006)

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 32 / 65

Methodischer Überblick

### Backpropagation

- $w_{a,b}^t = w_{a,b}^{t-1} + \alpha \cdot \delta_b \cdot y_a$
- $w_{a,b}$ : Gewicht von Neuron  $a$  zu Neuron  $b$
- $a$ : Neuron in Schicht  $i$
- $b$ : Neuron in Schicht  $i + 1$
- $y_a$ : Ausgabe von Neuron  $a$
- Lokale Gradienten  $\delta_b$ :
  - $\delta_b = \begin{cases} (y_b^* - y_b) \cdot f'(z_b) & \text{wenn } b \text{ in Ebene } n \\ (\sum_{c \in \text{Succ}(b)} \delta_c \cdot w_{b,c}) \cdot f'(z_b) & \text{sonst.} \end{cases}$
  - $z_b$ : interner Zustand von  $b$
  - Rekursive Berechnung

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 33 / 65

Methodischer Überblick

### Beispiele für Architekturen Neuronaler Netze

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 34 / 65

Methodischer Überblick

### Stand der Dinge

- KNN** stellen **Funktionskompositionen** dar
- Berechnung der Ausgabe:** Vorwärtspropagierung
- Lernen:** Gradientenabstieg, Backpropagation
- Komplexe Zusammenhänge durch latente Variablen lernbar

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 35 / 65

Methodischer Überblick

### Outline

- 1 Einführung und Motivation
- 2 Methodischer Überblick
  - Probabilistische Graphische Modelle (PGM)
  - Künstliche Neuronale Netze (KNN)
- 3 Verhältnis von PGM und KNN
  - Propagierungsalgorithmen
  - Verwandtschaft der Formulierungen Hidden CRF
- 4 Integration von KNN in PGM
  - Fallstudien
  - Werkzeuge
- 5 Zusammenfassung und Ausblick

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 37 / 65

Methodischer Überblick

### Vergleich der Propagierungsalgorithmen

	Modell-Paradigma	
Aufgabe	PGM	FF-KNN
Inferenz	Belief Propagation (Max-Product, Max-Sum)	Vorwärtspropagierung
Lernen	Zählen, Gradientenaufstieg (Normalisierungsberechnung: Max-Product)	Gradientenabstieg (Gradientenbestimmung: Backpropagation)

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 37 / 65

Methodischer Überblick

### Ist Belief Propagation das Gleiche wie Backpropagation?

Nein.

Unterschiede:

- Belief Propagation:** Inferenz entsprechend Struktur des graphischen Modells
- Backpropagation:** Berechnung von Gradienten entsprechend eines Fehlers in der Ausgabe

Aber:

- Es existieren Arbeiten, die die Verfahren aufeinander abbilden. (Eisner, 2016; Dauwels, 2005; Dauwels, 2006)
- Diese Arbeiten führen nicht zu einer Gleichstellung von PGMs und KNNs.

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 38 / 65

Methodischer Überblick

### Outline

- 1 Einführung und Motivation
- 2 Methodischer Überblick
  - Probabilistische Graphische Modelle (PGM)
  - Künstliche Neuronale Netze (KNN)
- 3 Verhältnis von PGM und KNN
  - Propagierungsalgorithmen
  - Verwandtschaft der Formulierungen Hidden CRF
- 4 Integration von KNN in PGM
  - Fallstudien
  - Werkzeuge
- 5 Zusammenfassung und Ausblick

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 38 / 65

**Sind KNN und PGM verwandt? Beispiel: XOR**

- XOR mit KNN:
- Faktor-Graph-Idee 1:

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 40 / 65

**Sind KNN und PGM verwandt? Beispiel: XOR**

- $\Psi_i(\cdot) = \exp(\sum_j \lambda_{ij} f_{ij}(\cdot))$ 
  - $f_{i1}(x_a, x_b) = \{1, \text{wenn } x_a = 1 \wedge x_b = 1 \wedge y = 1; 0 \text{ sonst}\}$
  - $f_{i2}(x_a, x_b) = \{1, \text{wenn } x_a = 1 \wedge x_b = 0 \wedge y = 1; 0 \text{ sonst}\}$
  - $f_{i3}(x_a, x_b) = \{1, \text{wenn } x_a = 0 \wedge x_b = 1 \wedge y = 1; 0 \text{ sonst}\}$
  - $f_{i4}(x_a, x_b) = \{1, \text{wenn } x_a = 0 \wedge x_b = 0 \wedge y = 1; 0 \text{ sonst}\}$
- $\Psi_{OR}: \lambda_{i1} = 1, \lambda_{i2} = 1, \lambda_{i3} = 1, \lambda_{i4} = 0$
- $\Psi_{NAND}: \lambda_{i1} = 0, \lambda_{i2} = 1, \lambda_{i3} = 1, \lambda_{i4} = 0$
- $\Psi_{AND}: \lambda_{i1} = 1, \lambda_{i2} = 0, \lambda_{i3} = 0, \lambda_{i4} = 0$

• Vergleichbare Darstellung möglich, aber Inferenz und Lernen dennoch vollkommen unterschiedlich.

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 41 / 65

**Sind KNN und PGM verwandt? Beispiel: XOR**

Idee 2:

- $\Psi_{XOR}(\cdot) = \exp(\sum_j \lambda_{ij} f_{ij}(\cdot))$ 
  - $f_{i1}(x_a, x_b) = \{1, \text{wenn } x_a = 1 \wedge x_b = 1 \wedge y = 1; 0 \text{ sonst}\}$
  - $f_{i2}(x_a, x_b) = \{1, \text{wenn } x_a = 1 \wedge x_b = 0 \wedge y = 1; 0 \text{ sonst}\}$
  - $f_{i3}(x_a, x_b) = \{1, \text{wenn } x_a = 0 \wedge x_b = 1 \wedge y = 1; 0 \text{ sonst}\}$
  - $f_{i4}(x_a, x_b) = \{1, \text{wenn } x_a = 0 \wedge x_b = 0 \wedge y = 1; 0 \text{ sonst}\}$
- $\lambda_1 = 0, \lambda_2 = 1, \lambda_3 = 1, \lambda_4 = 0$

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 42 / 65

**Restricted Boltzmann-Machine**

- Lernt Zusammenhänge zwischen sichtbaren Variablen  $\vec{v}$  mit Hilfe der latenten Variablen  $\vec{h}$
- $p(\vec{v}, \vec{h}) = \frac{1}{Z} \cdot \exp(-E(\vec{v}, \vec{h}))$
- $E(\vec{v}, \vec{h}) = -\vec{b}_v^T \vec{v} - \vec{b}_h^T \vec{h} - \vec{v}^T W \vec{h}$
- $p(\vec{h} | \vec{v}) = \prod_i p(h_i | \vec{v})$  und  $p(\vec{v} | \vec{h}) = \prod_i p(v_i | \vec{h})$
- Inferenz/Training mit Block-Gibbs-Sampling
- Baustein zur Erstellung tiefer Netzwerke (Goodfellow, 2016)

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 43 / 65

**Beispiele eines Deep Belief Networks**

⇒ PGM  
 ⇒ Struktur entsprechend tiefem neuronalen Netz  
 ⇒ Semantik versteckter Variablen nicht a priori definiert

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 44 / 65

**Probabilistisches Modell mit latenten Variablen: Hidden CRF**

- Eingabevariablen  $x$  (immer beobachtbar)
- Ausgabevariablen  $z$  (zum Trainingszeitpunkt beobachtbar)
- Ausgabevariablen  $y$  (niemals beobachtbar)
- ⇒ Vergleichbare Situation zu Feed-Forward Neural Networks
  - Semantik der latenten Variablen ist aber vordefiniert.
- Training: Gradientenanstieg (aber nicht konvex) oder Expectation Maximization (Quattoni, 2007; Tackstrom, 2011)

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 45 / 65

**Stand der Dinge**

- PGMs und KNNs sind nicht das Gleiche, haben aber ähnliche Komponenten
- KNNs nutzen **latente Variablen** um komplexe Zusammenhänge zu lernen
  - PGMs können das ebenfalls: Hidden CRF
- PGMs sind Formalismen um Annahmen über Variablenzusammenhänge zu modellieren
  - Eher unüblich in KNNs
- Gewichte in (manchen) neuronalen Netzen können als Faktoren in PGMs gesehen werden: Repräsentationslernen mit Hilfe von RBM

Institut für Maschinelle Sprachverarbeitung, Universität Stuttgart Roman Klinger 17. Juli 2020 46 / 65

**Outline**

- 1 Einführung und Motivation
- 2 Methodischer Überblick
  - Probabilistische Graphische Modelle (PGM)
  - Künstliche Neuronale Netze (KNN)
- 3 Verhältnis von PGM und KNN
  - Propagierungsalgorithmen
  - Verwandtschaft der Formulierungen
  - Hidden CRF
- 4 Integration von KNN in PGM
  - Fallstudien
  - Werkzeuge
- 5 Zusammenfassung und Ausblick





